

### الدراسة الكلاسيكية للمواد الممغنطة :

بما إن لكل جسيمة تدور حول مدار عزم مغناطيسي  $\vec{\mu}_i$  فمن المنطقي ان ندرس البلازما كمادة قابلة للمغنط نفاذيتها  $\mu_m$  ( لنضع الدليل  $m$  للنفاذية لنفرق بينهما وبين  $\mu$  ثابت الوسط المكثوم أو غير المتغير حرارياً ). وليبيان سبب عدم دراسة البلازما بهذا الشكل بكيفية دراسة الأوساط القابلة للمغنط عادة .

تدل الأوساط ذات المغناطيسية الحديدية ( وهي الأوساط ذات الحساسية المغناطيسية  $X_m$  الكبيرة وكذلك نفاذية نسبة  $1 \gg \mu$  )، انه إذا كان لدينا قطعة من الحديد لها عزم مغناطيسي  $\mu_i$  فإن تمغنطها  $M$  (magnetization) والذي يبين مدى استقطاب العزوم المغناطيسية الجزئية لحظياً في اتجاه معين ، أو تحت تأثير مجال مغناطيسي خارجي ( ، يعطى بالعلاقة :

$$\vec{M} = \frac{1}{V} \sum_i \vec{\mu}_i \quad (11-3)$$

أي أن التمغنط هو عبارة عن العزم المغناطيسي لوحدة الحجم ويعرف أيضا بأنه كثافة العزم المغناطيسي وهذا يكافئ تأثير كثافة تيار مرافق

(bound current) مساو لـ :

$$\vec{J}_b = \vec{\nabla} \times \vec{M} \quad (\text{mks})(12-3)$$

ويجب إضافة هذا التيار إلى التيار  $\vec{J}$  المشار اليه في المعادلة (3-4) في حالة الفراغ (In vacuum) والذي يشمل التيارات الموجودة أصلاً مع التيارات الناتجة عن المجالات الخارجية والتي يمكن أن نرمز له بـ  $\vec{J}_f$  وبالتالي نستطيع إعادة كتابة المعادلة (3-4) بالشكل :

$$(\text{mks}) \mu^{-1} \vec{\nabla} \times \vec{B} = \vec{J}_f + \vec{J}_p + \epsilon_0 \frac{\partial \vec{E}}{\partial t} \quad (13-3)$$

ويمكن كتابة المعادلة (13-3) بشكل أبسط كما يلي :

$$(\text{في نظام cgs}) \quad \vec{\nabla} \times \vec{H} = \frac{4\pi}{c} \vec{J}_f + \frac{1}{c} \frac{\partial \vec{E}}{\partial t} \quad (14-3)$$

$$(\text{في نظام mks}) \quad \vec{\nabla} \times \vec{H} = \frac{4\pi}{c} \vec{J}_f + \epsilon_0 \frac{\partial \vec{E}}{\partial t}$$

وذلك بعد إدخال مفهوم الشدة المغناطيسية  $\vec{H}$  والتي تساوي :

$$(\text{في نظام mks}) \quad \vec{H} = \frac{\vec{B}}{\mu_0} - \vec{M} \quad (15-3)$$

حيث لدينا من العلاقة (3-11):

في حالة شحنة ما  $\vec{\mu}_i = A \vec{l}_b$  حيث  $\vec{l}_b$  التيار المرافق للجسيمة ذات العزم المغناطيسي  $\vec{\mu}_i$  ،  $A$  مساحة المقطع المغناطيسي المتشكل واعتبار الحجم  $V$  مساوياً لـ  $Al$  حيث  $l$  المسافة التي تجتازها الجسيمة ضمن الوسط وبالتالي يكون :

$$\vec{M} = \frac{\sum_i A \vec{l}_b}{Al} = \frac{\sum_i \vec{l}_b}{l} = \vec{J}_b A/m \quad (16-3)$$

ويمكن كتابة العلاقة بين  $\vec{M}$  و  $\vec{H}$  بدلالة الحساسية المغناطيسية  $X_m$  بالشكل :

$$\vec{M} = X_m \vec{H} \quad (17-3)$$

بالاستفادة من العرارة (15-3) نحصل على :

$$\vec{B} = \mu_0(1 + X_m)\vec{H} = \mu_m\vec{H} \quad (18-3)$$

عندما تكون البلازما ممغنطة تكون لكل جسيمة عزم مغناطيسي  $\vec{\mu}_a$  ويكون التمغنط  $\vec{M}$  هو مجموع هذه العزوم في الـ  $1\text{cm}^3$  في الجملة **cgs** والـ  $1\text{m}^3$  في الجملة **mks** .

$$\vec{\mu}_a = \frac{mv^2 a}{2B} \Rightarrow \vec{M} a \frac{1}{B} \quad (19-3)$$

وبالتالي لا تكون العلاقة بين  $\vec{H}$  و  $\vec{M}$  خطية في هذه الحالة ، كما هو الحال في حالة إلكترون يتحرك على سطح ناقل بحيث يمكن اعتبار التيار  $\vec{J}_b$  في العلاقة (3-16) هو تيار سطحي وبالتالي اعتبار العلاقة (3-17) علاقة خطية . وهذا هو السبب في عدم دراسة البلازما على انها مادة ممغنطة كما اشرنا في بداية الفقرة .